

Содержание

Предисловие	5
ДЕНЬ 1	7
<i>Экзаменационный вариант №1</i>	
<i>для проверки уровня начальных знаний</i>	7
<i>Инструкция по выполнению</i>	
<i>экзаменационной работы</i>	7
<i>Вариант</i>	13
<i>Подробный разбор решений</i>	25
ДЕНЬ 2	46
Задания №1, №2	46
ДЕНЬ 3	61
Задания №3, №4	61
ДЕНЬ 4	73
Задание №5	73
ДЕНЬ 5	84
Задание №6	84
Задание №7	103
ДЕНЬ 6	112
Задание №8	112
ДЕНЬ 7	122
Задание №9	122
ДЕНЬ 8	133
Задание №10	133
ДЕНЬ 9	141
Задание №11	141
ДЕНЬ 10	163
Задание №12	163
ДЕНЬ 11	169
Задание №13	169
ДЕНЬ 12	184
Задание №14	184
ДЕНЬ 13	192
Задание №15	192
ДЕНЬ 14	214
Задание №16	214
ДЕНЬ 15	228
Задание №17	228

ДЕНЬ 16	250
Задание №18	250
Задание №19	257
ДЕНЬ 17	268
<i>Экзаменационный вариант №2.</i>	
<i>Промежуточная проверка уровня знаний</i>	268
<i>Вариант</i>	269
<i>Подробный разбор решений</i>	278
ДЕНЬ 18	296
Задание №20	296
ДЕНЬ 19	311
Задание №20 (окончание)	311
ДЕНЬ 20	321
Задание №21	321
ДЕНЬ 21	338
Задание №21 (окончание)	338
ДЕНЬ 22	357
Задание №22	357
ДЕНЬ 23	365
Задание №22 (окончание)	365
ДЕНЬ 24	372
Задание №23	372
ДЕНЬ 25	381
Задание №23 (окончание)	381
ДЕНЬ 26	388
Задание №24	388
ДЕНЬ 27	400
Задание №24 (окончание)	400
ДЕНЬ 28	406
Задание №25	406
ДЕНЬ 29	414
Задание №25 (окончание)	414
ДЕНЬ 30	419
<i>Экзаменационный вариант №3.</i>	
<i>Итоговая проверка</i>	419
<i>Вариант</i>	419
<i>Подробный разбор решений</i>	427
ОТВЕТЫ	442

Предисловие

Книга «Готовимся к ОГЭ за 30 дней» предназначена для интенсивной подготовки к выпускному экзамену по математике в 9-м классе, но может быть использована и для систематических занятий в течение учебного года.

В нашем пособии материал разбит на 30 дней-уроков, включающий все необходимые сведения для плодотворной подготовки к экзамену и успешной его сдачи. Темп подготовки выбирайте сами! Это либо занятия раз в неделю в удобное время от остальных уроков и вашего хобби, либо вы можете интенсивно повторить, изучить или просто отработать наиболее сложные темы перед самим ОГЭ.

Экзаменационная работа по математике состоит из 25 заданий: 19 заданий с кратким ответом и 6 заданий с развёрнутым ответом. Все они распределены и подробно разбираются на протяжении 30 дней-интенсивов нашего сборника.

Каждый такой день-занятие включает в себя:

- краткий теоретический материал и авторские рекомендации, необходимые для выполнения заданий;
- подробный разбор примеров экзаменационных заданий разных типов и уровней сложности;
- задания для самостоятельной отработки полученных знаний.

К заданиям для самостоятельного решения в конце пособия приводятся ответы.

Для более эффективной тренировки и проверки уровня подготовки к экзамену в пособии выделены 3 дня-урока на выполнение полных тренировочных вариантов, соответствующих демонстрационному варианту. Первый вариант — в начале подготовки, второй — в середине цикла и третий — в финале. Советуем самостоятельно выполнить задания данных вариантов, записать ответы в образцы бланков и только потом сравнить правильность своих решений с авторскими. Внимательно проверяйте решения простых задач, прежде чем приступать к выполнению более сложных!

Содержание заданий разработано по официальным темам кодификатора проверяемых требований к результатам освоения основной образовательной программы среднего общего об-

разования и элементов содержания для проведения основного государственного экзамена по математике:

- «Числа и вычисления»,
- «Алгебраические выражения»,
- «Уравнения и неравенства»,
- «Числовые последовательности»,
- «Функции»,
- «Координаты на прямой и плоскости»,
- «Геометрия»,
- «Статистика и теория вероятностей».

В связи с возможными изменениями в формате и количестве заданий рекомендуем в процессе подготовки к экзамену обращаться к материалам сайта официального разработчика экзаменационных заданий — Федерального института педагогических измерений: www.fipi.ru.

Желаем успеха!

ДЕНЬ 1

Экзаменационный вариант №1 для проверки уровня начальных знаний

Инструкция по выполнению экзаменационной работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 25 заданий. Часть 1 содержит 19 заданий, часть 2 содержит 6 заданий с развёрнутым ответом.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 7 и 13 запишите в бланк ответов № 1 в виде одной цифры, которая соответствует номеру правильного ответа.

Для остальных заданий части 1 ответом является число или последовательность цифр. Ответ запишите в поле ответа в тексте работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1. Если получилась обыкновенная дробь, ответ запишите в виде десятичной.

Решения заданий части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов № 2. Задания можно выполнять в любом порядке. Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Все бланки заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с тех заданий, которые вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим заданиям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

При выполнении части 1 все необходимые вычисления, преобразования выполняйте в черновике. Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.

Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами, выданными вместе с вариантом КИМ, и линейкой.

Каждое задание с 1 по 19 при правильном ответе в бланке оценивается в 1 балл. Они проверяются с помощью компьютеров. Задания с 20 по 25 проверяют эксперты, за каждое из этих заданий максимально можно получить 2 балла. Баллы за выполненные задания суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, чтобы ответ на каждое задание в бланках ответов № 1 и № 2 был записан под правильным номером.

Желаем успеха!

Совет!

Решайте вариант, не используя никаких дополнительных материалов: циркулей, карандашей и транспортиров. Отложите телефон! Обстановка должна быть максимально приближена к экзамену. Засеките время! Вам надо успеть выполнить все задания варианта за 3 часа 55 минут (235 минут). Используйте справочные материалы, которые будут написаны в КИМах (контрольно измерительных материалах).

**Справочные материалы, которые выдают
вместе с экзаменационным вариантом**

АЛГЕБРА

- Формула корней квадратного уравнения:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}, \text{ где } D = b^2 - 4ac.$$

- Если квадратный трёхчлен $ax^2 + bx + c$ имеет два корня x_1 и x_2 , то

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2);$$

если квадратный трёхчлен $ax^2 + bx + c$ имеет единственный корень x_0 ,
то

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_0)^2.$$

- Абсцисса вершины параболы, заданной уравнением $y = ax^2 + bx + c$:

$$x_0 = -\frac{b}{2a}.$$

- Формула n -го члена арифметической прогрессии (a_n) , первый член которой равен a_1 и разность равна d :

$$a_n = a_1 + d(n - 1).$$

- Формула суммы первых n членов арифметической прогрессии:

$$S_n = \frac{(a_1 + a_n)n}{2}.$$

- Формула n -го члена геометрической прогрессии b_n , первый член которой равен b_1 , а знаменатель равен q :

$$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$$

- Формула суммы первых n членов геометрической прогрессии:

$$S_n = \frac{(q^n - 1)b_1}{q - 1}.$$

- Формулы сокращённого умножения:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2;$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2;$$

$$a^2 - b^2 = (a - b)(a + b).$$

- Свойства арифметического квадратного корня:

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} \text{ при } a \geq 0, b \geq 0;$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \text{ при } a \geq 0, b > 0.$$

- Свойства степени при $a > 0, b > 0$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n};$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m};$$

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m};$$

$$(a^n)^m = a^{nm};$$

$$(ab)^n = a^n \cdot b^n;$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}.$$

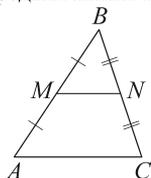
Таблица квадратов двузначных чисел

		Единицы									
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Десятки	1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
	2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
	3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
	4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
	5	2500	2601	2704	2809	2916	3025	3136	3249	3364	3481
	6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
	7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
	8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
	9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

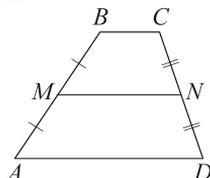
ГЕОМЕТРИЯ

Сумма углов выпуклого n -угольника равна $180^\circ(n-2)$.

Средняя линия треугольника и трапеции

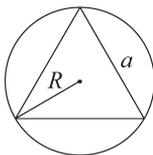


MN — ср. лин.
 $MN \parallel AC$
 $MN = \frac{AC}{2}$

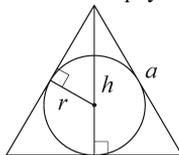


$BC \parallel AD$
 MN — ср. лин.
 $MN \parallel AD$
 $MN = \frac{BC + AD}{2}$

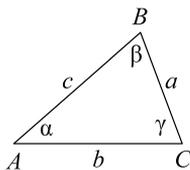
Описанная и вписанная окружности правильного треугольника



$R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$
 $S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$



$r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$
 $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$



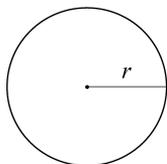
Для треугольника ABC со сторонами $AB = c$, $AC = b$, $BC = a$:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R,$$

где R — радиус описанной окружности.

Для треугольника ABC со сторонами $AB = c$, $AC = b$, $BC = a$:

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C.$$

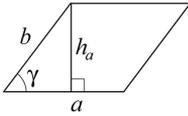


Длина окружности $C = 2\pi r$

Площадь круга $S = \pi r^2$

Площади фигур

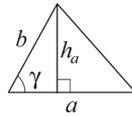
Параллелограмм



$$S = ah_a$$

$$S = ab \sin \gamma$$

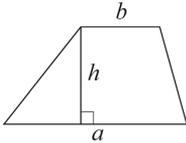
Треугольник



$$S = \frac{1}{2} ah_a$$

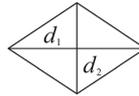
$$S = \frac{1}{2} ab \sin \gamma$$

Трапеция



$$S = \frac{a+b}{2} \cdot h$$

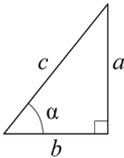
Ромб



d_1, d_2 — диагонали

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2$$

Прямоугольный треугольник



$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{b}$$

Теорема Пифагора: $a^2 + b^2 = c^2$ Основное тригонометрическое тождество: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

Некоторые значения тригонометрических функций

α	градусы	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
$\sin \alpha$		0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
$\cos \alpha$		1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
$\operatorname{tg} \alpha$		0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	—	0	—	0

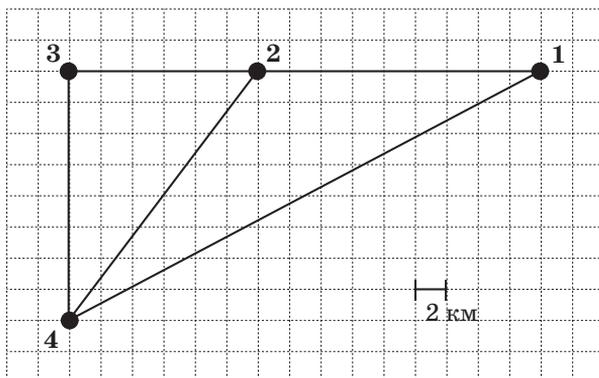
Вариант

Часть 1

Ответами к заданиям 1–19 являются число или последовательность цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Если ответом является последовательность цифр, то запишите её без пробелов и других дополнительных символов. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами.

Прочитайте внимательно текст и выполните задания 1–5.

Лена летом отдыхает с семьей на даче в посёлке Алмаз. В среду они с папой запланировали поездку на велосипедах в село Раменское в продуктовый магазин. Из посёлка Алмаз в село Раменское можно проехать прямо через лес по широкой тропинке. Есть комфортный путь, хотя и более длинный, по прямолинейному шоссе через деревню Карманово до посёлка Мельдино, где нужно под прямым углом повернуть налево на другое шоссе в направлении села Раменское. Существует третий маршрут: доехать до деревни Карманово, а там свернуть на прямую лесную дорожку в село Раменское.



По тропинке и лесной дорожке Лена с папой едут со скоростью 20 км/ч, а по шоссе — со скоростью 24 км/ч. На плане показано взаимное расположение пунктов, перечисленных в условии задачи, при этом длина каждой клетки 2 км.

1

Пользуясь планом и текстовым описанием, определите, какими цифрами обозначены населённые пункты. В ответ запишите последовательно три цифры без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Населённые пункты	Посёлок Мельдино	Посёлок Алмаз	Село Раменское
Цифры			

2

Сколько километров проедут Лена с папой от посёлка Алмаз до села Раменское, если их маршрут пройдёт по шоссе через посёлок Мельдино?

Ответ: _____

3

Найдите расстояние от посёлка Алмаз до села Раменское по прямой тропинке через лес. Ответ дайте в километрах.

Ответ: _____

4

Сколько минут у Лены с папой займёт дорога из посёлка Алмаз до села Раменское, если их путь пройдёт через посёлок Мельдино, где они свернут на лесную дорожку?

Ответ: _____

5

В таблице указана стоимость (в рублях) некоторых продуктов в четырёх магазинах, которые расположены в посёлке Алмаз, в деревне Карманово, в посёлке Мельдино и в селе Раменское.

Продукт	п. Алмаз	д. Карманово	п. Мельдино	с. Раменское
Хлеб (1 батон)	22	25	27	21
Молоко (1 л)	46	45	48	47
Яйца (1 десяток)	54	56	57	53
Сыр (1 кг)	320	340	330	315
Картофель (1 кг)	16	20	14	18

Лена с папой хотят купить 3 л молока, 2 десятка яиц и 2 батона хлеба. В каком магазине, из представленных в таблице, этот набор продуктов будет стоить дешевле всего? В ответ запишите стоимость набора в этом магазине.

Ответ: _____

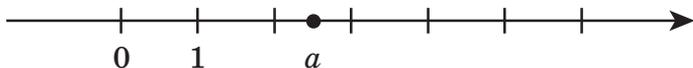
6

Вычислите значение выражения $\frac{1}{4} + \frac{17}{20}$.

Ответ: _____

7

На координатной прямой отмечено число a .



Какое из утверждений для числа a является **неверным**?

- 1) $6 - a > 0$ 2) $a - 5 < 0$ 3) $1 - a > 0$ 4) $a - 7 < 0$

Ответ:

16**Математика. Готовимся к ОГЭ за 30 дней****8**Вычислите $(\sqrt{7} - \sqrt{12})(\sqrt{7} + \sqrt{12})$.

Ответ: _____

9Решите уравнение $56x = 8x^2$.

Ответ: _____

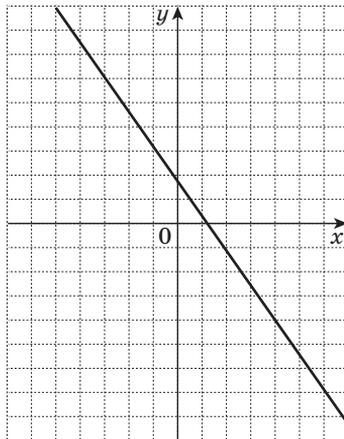
10

На экзамене по литературе 25 билетов. Дима не выучил 6 из них. Какова вероятность события, что Дима вытянет выученный билет?

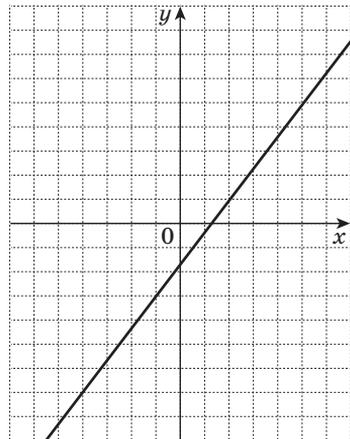
Ответ: _____

11Графики линейных функций вида $kx + b$ изображены на трёх рисунках. Даны знаки коэффициентов k и b . Нужно установить соответствие между этими коэффициентами и графиками функции.**ГРАФИКИ ФУНКЦИЙ**

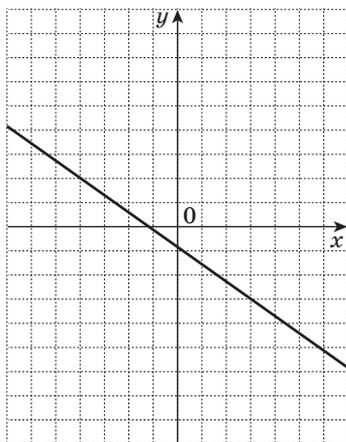
1)



2)



3)



КОЭФФИЦИЕНТЫ

- А) $k > 0, b < 0$; Б) $k < 0, b > 0$; В) $k < 0, b < 0$.

В таблице укажите соответствующий номер под каждой буквой.

А	Б	В

Ответ запишите в виде последовательности из трёх цифр без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

12

Колодец из нескольких железобетонных колец продаёт фирма «Родничок». Стоимость колодца можно рассчитать по формуле $C = 6000 + 4100n$, где n — число колец, установленных при рытье колодца. Воспользуйтесь этой формулой и рассчитайте стоимость колодца из 7 колец.

Ответ: _____